



FYSIKK-KONKURRANSE 2002 – 2003

Andre runde: 6/2 – 2003

Løsningsforslag

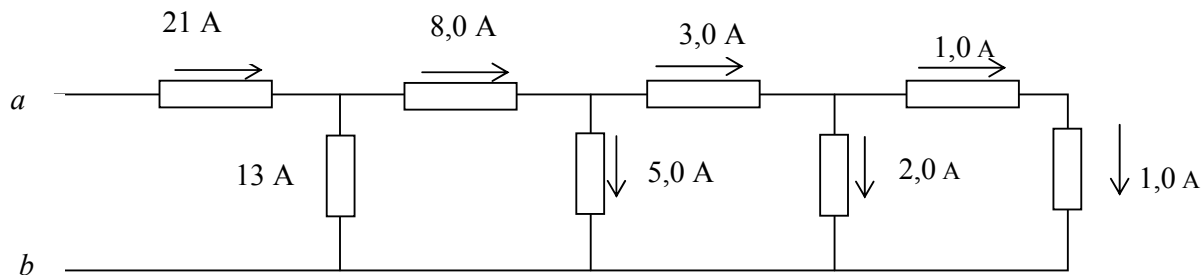
Oppgave 1

$$s = \frac{1}{2}at_1^2 \text{ og } 2s = \frac{1}{2}at_2^2 \text{ som gir når } t_1 = 1,0 \text{ s: } t = t_2 - t_1 = \sqrt{2} - 1$$

Oppgave 2

$$\text{Strekningen (100 m): } 100 = 0,5 \cdot 4,0 \cdot v + 5,78 \cdot v \text{ som gir } v = 12,9 \text{ m/s}$$

Oppgave 3



Spenningen over grenene i en parallellkobling er lik. Siden alle motstandene har en resistans på $1,0\Omega$ finner en strømmene gjennom de ulike motstandene som vist over. (Fibonacci rekke)

Dette gir spenningen over ab:

$$V_{ab} = (21 + 13) \cdot 1,0 \text{ V} = 34 \text{ V}$$

Oppgave 4

$$qvB = m \frac{v^2}{r} \quad \text{og} \quad E_k = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{q^2 B^2 r^2}{2m}$$

Innsatt verdier gir det $r = 0,60$ m, og $D = 1,2$ m

Oppgave 5

$$lbB = mg \quad \text{og} \quad vbB = RI$$

$$\text{som gir: } v = \frac{RI}{bB} = \frac{Rmg}{b^2 B^2}$$

Oppgave 6

$$n\lambda = d \sin \theta_n$$

$$\text{Stripene faller sammen når } n_B \lambda_B = n_R \lambda_R \Rightarrow \frac{n_B}{n_R} = \frac{\lambda_R}{\lambda_B} = \frac{690}{460} = \frac{3}{2}$$

$$n \text{ helt tall, vi har derfor følgende andre muligheter: } \frac{n_B}{n_R} = \frac{6}{4} = \frac{9}{6} = \dots$$

$$\text{Men følgende krav må og være oppfylt: } n\lambda = d \sin \theta_n \leq d \sin 90^\circ = \frac{10^{-3}}{300} = 3333 \text{ nm.}$$

Da kan vi bare få en mulighet til, $n_B = 6$ og $n_R = 4$.

$$6 \cdot 460 \text{ nm} = 2760 \text{ nm} < 3333 \text{ nm}, \quad 9 \cdot 460 \text{ nm} = 4140 \text{ nm} > 3333 \text{ nm}$$

$$\text{Det gir retningen: } \theta_6 = \sin^{-1} \frac{6 \cdot 460}{3333} = 55,9^\circ.$$

Oppgave 7

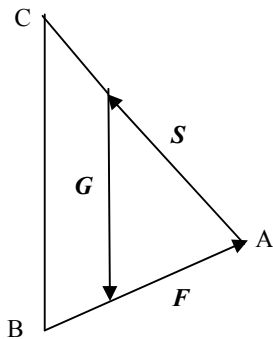
Summen av kreftene er null.

$$\mathbf{G} + \mathbf{F} + \mathbf{S} = \mathbf{0}$$

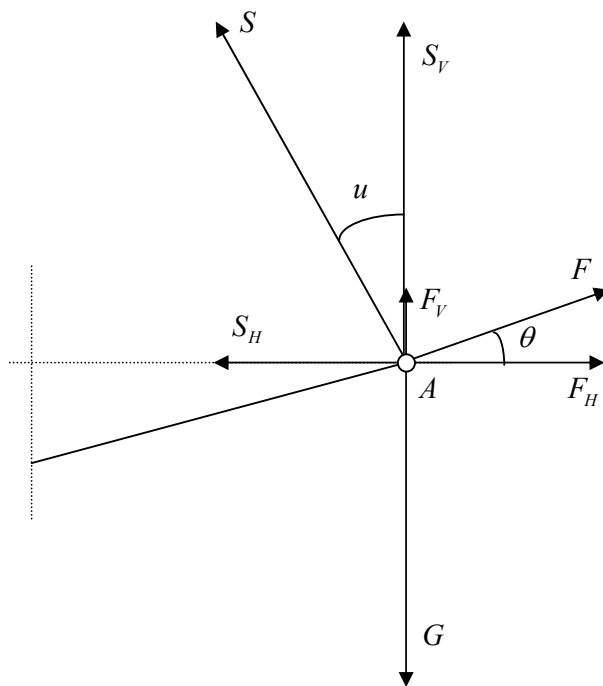
\mathbf{G} er parallell med BC, \mathbf{S} med AC og \mathbf{F} (elektrisk kraft) er parallell med AB.

Dermed blir "krafttrekanten" ensformet med ABC som er likebeinet.

Vi ser at $\mathbf{G} = \mathbf{S} = m\mathbf{g}$



Alternativ løsning:



$\triangle ABC$ er likebenet $\Rightarrow \theta + \nu = 90^\circ \wedge u + 2\nu = 180^\circ \Rightarrow \theta = \frac{u}{2}$ (se fig. i oppgaven)

Videre får vi:

$$F_V + S_V = G \Rightarrow F \sin \theta + S \cos 2\theta = mg$$

$$F_H = S_H \Rightarrow$$

$$F \cos \theta = S \sin 2\theta = 2S \sin \theta \cdot \cos \theta$$

$$S = \frac{F}{2 \sin \theta}$$

$$F \sin \theta + \frac{F}{2 \sin \theta} \cos 2\theta = mg$$

$$F \frac{2 \sin^2 \theta + 1 - 2 \sin^2 \theta}{2 \sin \theta} = mg$$

$$F = 2mg \sin \theta$$

Da er $S = mg$

Oppgave 8

Oppover skråplanet:

$$a_{opp} = -g(\sin \theta + \mu \cos \theta) \quad \text{og} \quad t_{opp} = -\frac{v_0}{a_{opp}} = \frac{v_0}{g(\sin \theta + \mu \cos \theta)}$$

Tilsvarende nedover skråplanet:

$$a_{ned} = g(\sin \theta - \mu \cos \theta) \quad \text{og} \quad t_{ned} = \frac{v}{a_{ned}} = \frac{v}{g(\sin \theta - \mu \cos \theta)}$$

Her skal vi ha: $\frac{t_{opp}}{t_{ned}} = \mu$

Dessuten er: $v_0 = \sqrt{2a_{opp}x}$ og $v = \sqrt{2a_{ned}x}$

Da blir:
$$\mu = \frac{\sqrt{(\sin \theta + \mu \cos \theta) \cdot (\sin \theta - \mu \cos \theta)}}{\sqrt{(\sin \theta - \mu \cos \theta) \cdot (\sin \theta + \mu \cos \theta)}}$$

Og
$$\mu = \sqrt{\frac{\sin \theta - \mu \cos \theta}{\sin \theta + \mu \cos \theta}} = \sqrt{\frac{\tan \theta - \mu}{\tan \theta + \mu}}$$

$$\tan \theta = \frac{\mu(1 + \mu^2)}{1 - \mu^2}$$
 som gir $\theta = 40^\circ$